

УДК 519.45
Д79

Рецензент
доктор технических наук, профессор МГТУ *Л.П. Рябов*

Дубравина Т.В., Прокопчук Ю.Ю., Широков А.И.
Д79 Дискретная математика: Теория графов. Вып. 5. Маршруты в графе. Виды маршрутов: Учеб. пособие / Под ред. Ю.А. Кудрявцева. – 2-е изд., испр. – М.: МИСиС, 2003. – 31 с.

Пособие является частью раздела «Теория графов» учебного курса «Дискретная математика». В нем изложены понятия, связанные с обходами графов. В приложении приведены некоторые математические понятия, используемые в теоретической части пособия.

Содержание пособия соответствует программе курса «Дискретная математика». Предназначено для студентов специальностей 220200 и 351400.

ОГЛАВЛЕНИЕ

| | |
|---|----|
| Введение | 4 |
| 1. Об обозначениях | 4 |
| 2. Маршруты..... | 4 |
| 3. Виды маршрутов | 10 |
| Вопросы и упражнения | 14 |
| Библиографический список | 18 |
| Приложение. О булевых алгебрах и матрицах над ними..... | 19 |
| 1. Булевы алгебры | 19 |
| 2. Некоторые следствия из аксиом | 20 |
| 3. Булевы матрицы..... | 28 |
| 4. Двухэлементная булева алгебра B^1 | 29 |
| 5. Матрицы над B^1 | 30 |
| Библиографический список (к приложению)..... | 31 |

ВВЕДЕНИЕ

1. Об обозначениях

Чтобы не использовать двухъярусные индексы, например z_{ij} , условимся о следующем. Обозначение некоторой вершины графа $L = df\langle X, U; P \rangle$ через x_i не обязывает нас считать индекс i номером этой вершины во множестве X , когда оно упорядочено посредством нумерации его элементов. В частности, вершины x_i и x_j не обязательно различны при $i \neq j$. Аналогичное соглашение примем по отношению к знакам вида u_i , обозначающим ребра графа L .

2. Маршруты

1. Ниже мы будем изучать свойства графа, инвариантные относительно произвольной ориентации его звеньев и переориентации или дезориентации его дуг (всех или некоторых). Хотя без ограничения общности можно было бы рассматривать только неорграфы, но мы предпочитаем другой подход: для нас будут представлять интерес некоторые из таких свойств графа $L = df\langle X, U; P \rangle$ общего вида, которые эквивалентны свойствам графа $L' = df\langle X, U; P' \rangle$, где инцидентор P' графа L' определяется на основе инцидентора P графа L так:

$$P'(x, u, y) \equiv df(P(x, u, y) \vee P(y, u, x)). \quad (1)$$

Предикат P' называют иногда *полуинцидентором* графа L .

2. Конечную последовательность

$$x_0 u_1 x_1 u_2 x_2 \dots x_{l-1} u_l x_l, \quad (2)$$

где $l \in \mathbb{N}$, вершин и ребер графа $L = df\langle X, U; P \rangle$, для членов которой верно соотношение:

$$P'(x_0, u_1, x_1) \wedge P'(x_1, u_2, x_2) \wedge \dots \wedge P'(x_{l-1}, u_l, x_l), \quad (3)$$

равносильное конъюнкции

$$\bigwedge_{i \in [0, l-1]} P'(x_i, u_{i+1}, x_{i+1}), \quad (3')$$