

Дмитрий Кирьянов



Mathcad 14

+ ВИДЕОКУРС
УЧЕБНИК ПО НЕЛИНЕЙНОЙ ДИНАМИКЕ
СПРАВОЧНИК ПО МАТЕМАТИКЕ

- Работа в среде Mathcad 2001/2001i/11/12/13/14
- Аналитические преобразования и численные методы
- Дифференцирование и интегрирование
- Вычислительная линейная алгебра
- Нелинейные уравнения и оптимизация
- Статистика, обработка данных, спектральный анализ
- Дифференциальные уравнения

Наиболее
полное
руководство

+ cd

В ПОДЛИННИКЕ®

Дмитрий Кирьянов

Mathcad 14

Санкт-Петербург

«БХВ-Петербург»

2007

УДК 681.3.06
ББК 32.973.26-018.2
К43

Кириянов Д. В.

К43 Mathcad 14. — СПб.: БХВ-Петербург, 2007. — 704 с.: ил.
+ Видеокурс (на CD-ROM) — (В подлиннике)
ISBN 978-5-9775-0106-4

Книга посвящена методике решения задач высшей математики при помощи программы Mathcad. Приводятся примеры расчета типовых задач линейной алгебры, математического анализа, теории дифференциальных уравнений, статистики и обработки данных. Объясняется работа численных алгоритмов, заложенных во встроены функции и операторах системы Mathcad. Предлагаются неочевидные приемы решения актуальных задач современной вычислительной науки. Описывается интерфейс Mathcad и его основные составные части, предоставляется необходимая справочная информация. Подробно описана работа в среде Mathcad 2001/2001i /11/12/13/14. Рассматриваются все новые возможности и отличительные черты Mathcad версии 14. Прилагаемый компакт-диск содержит мультимедийный видеокурс по работе с Mathcad, листинги примеров, справочник по вычислительной математике и учебник по нелинейной динамике.

Для широкого круга пользователей

УДК 681.3.06
ББК 32.973.26-018.2

Группа подготовки издания:

Главный редактор	<i>Екатерина Кондукова</i>
Зам. главного редактора	<i>Евгений Рыбаков</i>
Зав. редакцией	<i>Григорий Добин</i>
Редактор	<i>Алексей Семенов</i>
Компьютерная верстка	<i>Натальи Смирновой</i>
Корректор	<i>Зинаида Дмитриева</i>
Оформление обложки	<i>Елены Беляевой</i>
Зав. производством	<i>Николай Тверских</i>

Лицензия ИД № 02429 от 24.07.00. Подписано в печать 18.06.07.
Формат 70×100^{1/16}. Печать офсетная. Усл. печ. л. 56,76.
Тираж 2000 экз. Заказ №
"БХВ-Петербург", 194354, Санкт-Петербург, ул. Есенина, 5Б.

Санитарно-эпидемиологическое заключение на продукцию № 77.99.02.953.Д.006421.11.04
от 11.11.2004 г. выдано Федеральной службой по надзору
в сфере защиты прав потребителей и благополучия человека.

Отпечатано с готовых диапозитивов
в ГУП "Типография "Наука"
199034, Санкт-Петербург, 9 линия, 12

ISBN 978-5-9775-0106-4

© Кириянов Д. В., 2007
© Оформление, издательство "БХВ-Петербург", 2007

Оглавление

Предисловие	1
Глава 1. Основные сведения о Mathcad.....	5
1.1. Знакомство с Mathcad.....	5
1.1.1. Назначение Mathcad.....	5
1.1.2. Интерфейс пользователя	8
1.1.3. Панели инструментов	10
1.1.4. Справочная информация.....	13
1.2. Основы вычислений в Mathcad	15
1.2.1. Операторы численного и символического вывода.....	15
1.2.2. Математические выражения и встроенные функции.....	17
1.2.3. Переменные и оператор присваивания.....	20
1.2.4. Одновременное присваивание и вычисление результата.....	22
1.2.5. Функции пользователя.....	23
1.2.6. Типы чисел.....	25
1.2.7. Ранжированные переменные и матрицы	30
1.2.8. Размерные переменные.....	32
1.3. Ввод и редактирование формул	36
1.3.1. Элементы интерфейса редактора формул.....	36
1.3.2. Ввод формул.....	37
1.3.3. Перемещение линий ввода внутри формул.....	38
1.3.4. Изменение формул.....	39
1.3.5. Программирование.....	42
1.4. Графики.....	47
1.4.1. Типы графиков	47
1.4.2. Создание графика.....	47
1.4.3. X-Y график двух векторов	49
1.4.4. X-Y график функции	50
1.4.5. Построение нескольких рядов данных	51
1.4.6. Трехмерные графики.....	52
1.5. Отладка и комментирование программ	55
1.5.1. Сообщения об ошибках	55
1.5.2. Отладка программ	56
1.5.3. Обработка ошибок в программных модулях	60
1.5.4. Текст и комментарии	61
1.6. Управление файлами документов.....	64
1.6.1. Создание нового документа	64
1.6.2. Открытие существующего документа.....	65

1.6.3. Сохранение документа	65
1.6.4. Управление вычислениями	68
1.6.5. Сравнение двух документов	70
Глава 2. Алгебраические вычисления	73
2.1. Операторы и функции	73
2.1.1. Арифметические операторы	74
2.1.2. Вычислительные операторы	75
2.1.3. Логические операторы	76
2.1.4. Матричные операторы	77
2.1.5. Операторы выражения	79
2.1.6. Функции	79
2.2. Алгебраические преобразования	80
2.2.1. О способах символьных вычислений	80
2.2.2. Разложение выражений	82
2.2.3. Объединение выражений	85
2.2.4. Упрощение выражений	86
2.2.5. Разложение на множители	87
2.2.6. Разложение на элементарные функции	88
2.2.7. Разложение числа на простые числа	89
2.2.8. Разложение на простые дроби	89
2.2.9. Разложение на непрерывные дроби	90
2.2.10. Приведение подобных слагаемых	90
2.2.11. Вычисление коэффициентов полинома	92
2.2.12. Получение численного значения выражения	93
2.2.13. Явные вычисления	95
2.2.14. Вычисление рядов и произведений	96
2.2.15. Подстановка переменной	97
2.2.16. Вычисление предела	98
2.2.17. О специфике аналитических вычислений	99
Глава 3. Дифференцирование	101
3.1. Аналитическое дифференцирование	101
3.1.1. Аналитическое дифференцирование функции	101
3.1.2. Вычисление производной функции в точке	103
3.1.3. Определение функций пользователя через оператор дифференцирования	104
3.1.4. Дифференцирование при помощи меню	105
3.2. Численное дифференцирование	106
3.2.1. Дифференцирование в точке	106
3.2.2. Об алгоритме дифференцирования	107
3.3. Производные высших порядков	110
3.4. Частные производные	113
3.4.1. Частные производные	113

3.4.2. Примеры: градиент, дивергенция и ротор.....	115
3.4.3. Пример: якобиан	121
3.5. Разложение функции в ряд Тейлора	123
3.5.1. Разложение в ряд при помощи меню	123
3.5.2. Оператор разложения в ряд.....	124
Глава 4. Интегрирование	127
4.1. Определенный интеграл	127
4.1.1. Оператор интегрирования	127
4.1.2. О выборе алгоритма численного интегрирования.....	130
4.1.3. О традиционных алгоритмах интегрирования	132
4.1.4. Алгоритм Ромберга.....	135
4.2. Неопределенный интеграл	136
4.2.1. Символьное интегрирование.....	136
4.2.2. Интегрирование при помощи меню.....	137
4.3. Интегралы специального вида.....	138
4.3.1. Интегралы с бесконечными пределами	138
4.3.2. Расходящиеся интегралы	138
4.3.3. Интеграл с переменным пределом	139
4.3.4. Кратные интегралы	139
4.3.5. Пример: длина дуги кривой	141
4.4. Интеграл Фурье.....	142
4.4.1. Об интегральных преобразованиях функций	143
4.4.2. Аналитическое преобразование Фурье	143
4.4.3. Дискретное преобразование Фурье	145
4.4.4. Преобразование Фурье комплексных данных.....	147
4.4.5. Двумерное преобразование Фурье.....	149
4.5. Другие интегральные преобразования	149
4.5.1. Преобразование Лапласа	150
4.5.2. Z-преобразование	151
4.5.3. Вейвлет-преобразование.....	152
Глава 5. Нелинейные алгебраические уравнения.....	157
5.1. Аналитическое решение уравнений	158
5.1.1. Вычислительный блок <i>Given / Find</i>	158
5.1.2. Одно уравнение	159
5.1.3. Системы уравнений.....	163
5.1.4. Решение уравнений при помощи меню.....	165
5.2. Численное решение уравнений	166
5.2.1. Системы уравнений: функция <i>Find</i>	166
5.2.2. Уравнение с одним неизвестным: функция <i>root</i>	172
5.2.3. Корни полинома: функция <i>polyroots</i>	175
5.2.4. Локализация корней.....	176

5.3. О численных методах.....	178
5.3.1. Метод секущих: функция <i>root</i>	178
5.3.2. Градиентные методы: функция <i>Find</i>	179
5.3.3. Метод продолжения по параметру.....	184
Глава 6. Оптимизация.....	189
6.1. Поиск экстремума функции.....	190
6.1.1. Локальный экстремум.....	191
6.1.2. Условный экстремум.....	193
6.1.3. Экстремум функции нескольких переменных.....	195
6.1.4. Пример: линейное программирование.....	197
6.1.5. Аналитическое решение задач на экстремум.....	199
6.2. Приближенное решение алгебраических уравнений.....	201
6.3. Пример: некорректные задачи.....	205
Глава 7. Линейная алгебра.....	211
7.1. Простейшие матричные операции.....	211
7.1.1. Транспонирование.....	211
7.1.2. Сложение и вычитание.....	213
7.1.3. Умножение.....	214
7.2. Векторная алгебра.....	216
7.2.1. Модуль вектора.....	216
7.2.2. Скалярное произведение.....	217
7.2.3. Векторное произведение.....	218
7.2.4. Векторизация массива.....	218
7.3. Вычисление определителей и обращение квадратных матриц.....	220
7.3.1. Определитель квадратной матрицы.....	220
7.3.2. Ранг матрицы.....	221
7.3.3. Обращение квадратной матрицы.....	222
7.3.4. Возведение квадратной матрицы в степень.....	222
7.3.5. Матричные нормы.....	224
7.3.6. Число обусловленности квадратной матрицы.....	225
7.4. Вспомогательные матричные функции.....	226
7.4.1. Автоматическая генерация матриц.....	226
7.4.2. Разбиение и слияние матриц.....	230
7.4.3. Сортировка элементов матриц.....	232
7.4.4. Вывод размера матрицы.....	234
Глава 8. Системы линейных уравнений.....	237
8.1. Хорошо обусловленные системы с квадратной матрицей.....	238
8.1.1. Вычислительный блок <i>Given / Find</i>	238
8.1.2. Функция <i>lsolve</i>	240
8.2. Произвольные системы линейных уравнений.....	242
8.2.1. Переопределенные системы.....	242

8.2.2. Недоопределенные системы.....	249
8.2.3. Вырожденные и плохо обусловленные системы.....	254
8.3. Матричные разложения.....	263
8.3.1. СЛАУ с треугольной матрицей	263
8.3.2. Разложение Холецкого.....	265
8.3.3. LU -разложение.....	266
8.3.4. QR -разложение	268
8.3.5. SVD - (сингулярное) разложение	272
8.4. Собственные векторы и собственные значения матриц.....	274

Глава 9. Обыкновенные дифференциальные уравнения:

динамические системы.....	277
9.1. О постановке задач	277
9.1.1. Задачи Коши для ОДУ.....	278
9.1.2. Фазовый портрет динамической системы	281
9.2. Дифференциальное уравнение N -го порядка	284
9.3. Система N дифференциальных уравнений	287
9.3.1. Встроенные функции для решения систем ОДУ.....	287
9.3.2. Решение одного уравнения ($N=1$).....	290
9.3.3. Решение систем ОДУ в одной заданной точке.....	292
9.3.4. О численных методах.....	294
9.4. Жесткие системы ОДУ.....	300
9.4.1. Что такое жесткие ОДУ?	300
9.4.2. Функции для решения жестких ОДУ.....	303
9.4.3. Пример: химическая кинетика	304
9.5. Новые возможности Mathcad 14.....	309
9.5.1. Новые алгоритмы решения жестких и нежестких ОДУ	309
9.5.2. Решение линейных ОДУ.....	312
9.6. Примеры: классические динамические системы.....	313
9.6.1. Модели динамики биологических популяций	314
9.6.2. Автоколебания	316
9.6.3. Странный аттрактор.....	318
9.6.4. Брюсселятор.....	321

Глава 10. Обыкновенные дифференциальные уравнения: краевые задачи..... 325

10.1. О постановке задач.....	325
10.2. Решение краевых задач средствами Mathcad	327
10.2.1. Алгоритм стрельбы	327
10.2.2. Двухточечные краевые задачи	329
10.2.3. Краевые задачи с условием во внутренней точке.....	333
10.3. Задачи на собственные значения для ОДУ	336
10.4. Разностные схемы для ОДУ.....	339
10.4.1. О разностном методе.....	339
10.4.2. Жесткие краевые задачи	342

10.5. Нелинейные краевые задачи	345
10.5.1. О постановке задачи.....	345
10.5.2. Метод стрельбы.....	346
10.5.3. Разностные схемы.....	348
Глава 11. Дифференциальные уравнения в частных производных	353
11.1. О постановке задач.....	354
11.1.1. Классификация уравнений в частных производных	354
11.1.2. Пример: уравнение диффузии тепла	355
11.2. Разностные схемы	360
11.2.1. Явная схема Эйлера.....	361
11.2.2. Неявная схема Эйлера.....	369
11.2.3. О возможности решения многомерных уравнений	374
11.3. Встроенные функции для решения уравнений в частных производных	375
11.3.1. Параболические и гиперболические уравнения.....	376
11.3.2. Эллиптические уравнения	382
Глава 12. Статистика.....	391
12.1. Статистические распределения.....	391
12.1.1. Статистические функции.....	392
12.1.2. Пример: нормальное (Гауссово) распределение	395
12.2. Выборочные статистические характеристики	399
12.2.1. Гистограммы	400
12.2.2. Среднее и дисперсия.....	403
12.2.3. Примеры: выборочная оценка дисперсии и среднего нормальной случайной величины	406
12.2.4. Корреляция	409
12.2.5. Новые функции корреляционного анализа сигналов	410
12.2.6. Коэффициенты асимметрии и эксцесса	410
12.2.7. Статистические функции матричного аргумента.....	411
12.3. Методы Монте-Карло.....	413
12.3.1. Генерация псевдослучайных чисел.....	413
12.3.2. Генерация коррелированных выборок.....	416
12.3.3. Моделирование случайного процесса	417
12.3.4. Пример: огибающая и фаза нормального случайного процесса.....	420
Глава 13. Интерполяция и регрессия.....	423
13.1. Интерполяция.....	424
13.1.1. Линейная интерполяция	424
13.1.2. Кубическая сплайн-интерполяция	426
13.1.3. Полиномиальная сплайн-интерполяция.....	429
13.1.4. Сплайн-экстраполяция	431

13.1.5. Экстраполяция функцией предсказания.....	433
13.1.6. Многомерная интерполяция	435
13.2. Регрессия.....	437
13.2.1. Линейная регрессия.....	437
13.2.2. Полиномиальная регрессия.....	440
13.2.3. Другие типы регрессии	445
13.2.4. Регрессия общего вида.....	447
13.3. Ввод/вывод данных	449
13.3.1. Ввод/вывод в текстовые файлы	450
13.3.2. Ввод/вывод в файлы других типов	452
13.3.3. Мастер импорта данных и функция <i>READFILE</i>	454
Глава 14. Спектральный анализ.....	459
14.1. Фурье-спектр	460
14.1.1. Фурье-спектр действительных данных.....	460
14.1.2. Обратное преобразование Фурье	464
14.1.3. Преобразование Фурье комплексных данных.....	465
14.1.4. Пример: артефакты дискретного Фурье-преобразования.....	467
14.1.5. Пример: спектр модели сигнал/шум	471
14.1.6. Двумерный спектр Фурье	476
14.2. Вейвлет-спектры.....	476
14.2.1. Встроенная функция вейвлет-преобразования	477
14.2.2. Программирование вейвлет-преобразований.....	479
14.3. Сглаживание и фильтрация.....	481
14.3.1. Встроенные функции для сглаживания: ВЧ-фильтр.....	481
14.3.2. Скользящее усреднение: ВЧ-фильтр.....	484
14.3.3. Устранение тренда: НЧ-фильтр	486
14.3.4. Полосовая фильтрация	487
14.3.5. Спектральная фильтрация	489
14.3.6. Пример: вычисление спектра мощности	491
Глава 15. Встроенные функции.....	493
15.1. Функции Бесселя (<i>Bessel</i>)	493
15.1.1. Обычные функции Бесселя.....	494
15.1.2. Модифицированные функции Бесселя.....	495
15.1.3. Функции Эйри	497
15.1.4. Функции Бесселя—Кельвина	497
15.1.5. Сферические функции Бесселя	498
15.1.6. Нормированные функции Бесселя.....	498
15.2. Функции работы с комплексными числами (<i>Complex Numbers</i>)	500
15.3. Логарифм и экспонента (<i>Log and Exponential</i>).....	502
15.4. Тригонометрические функции (<i>Trigonometric</i>).....	502
15.5. Гиперболические функции (<i>Hyperbolic</i>)	504

15.6. Другие спецфункции (<i>Special</i>).....	505
15.7. Строковые функции (<i>String</i>).....	509
15.8. Функции округления (<i>Truncation and Round-Off</i>).....	511
15.9. Кусочно-непрерывные функции (<i>Piecewise Continuous</i>).....	512
15.10. Функция цикла (<i>until</i>).....	513
15.11. Функции преобразования координат (<i>Vector and Matrix</i>).....	513
15.12. Sinc-функция.....	515
15.13. Функция текущего времени (<i>Time</i>).....	515
15.14. Финансовые функции (<i>Finance</i>).....	516
15.15. Функции для подготовки графика в логарифмическом масштабе.....	520
Глава 16. Графики.....	523
16.1. Создание графиков.....	523
16.2. Двумерные графики.....	526
16.2.1. XY-график двух векторов.....	526
16.2.2. XY-график вектора и ранжированной переменной.....	528
16.2.3. XY-график функции.....	529
16.2.4. Полярный график.....	530
16.2.5. Построение нескольких рядов данных.....	531
16.2.6. XY-график с двумя осями Y	533
16.2.7. Форматирование осей.....	534
16.2.8. Форматирование рядов данных.....	539
16.2.9. Добавление заголовка графика.....	545
16.2.10. Изменение размера и положения графиков.....	545
16.2.11. Трассировка и увеличение графиков.....	546
16.3. Трехмерные графики.....	548
16.3.1. Создание трехмерных графиков.....	548
16.3.2. Форматирование трехмерных графиков.....	552
16.4. Анимация.....	563
Глава 17. Оформление документов.....	567
17.1. Элементы оформления документов.....	567
17.1.1. Элементы оформления.....	568
17.1.2. Размещение элементов оформления в документах.....	569
17.1.3. Выделение областей.....	572
17.1.4. Работа с зонами.....	575
17.2. Форматирование текста и формул.....	579
17.2.1. Форматирование текста.....	580
17.2.2. Стили текста и формул.....	583
17.3. Оформление страниц.....	587
17.3.1. Параметры страницы.....	587
17.3.2. Колонтитулы.....	589
17.3.3. Установки документа.....	591

17.4. Электронные книги.....	591
17.4.1. Просмотр электронных книг.....	592
17.4.2. Создание собственных электронных книг.....	594
17.4.3. Рисунки и гиперссылки.....	601
Приложения.....	607
Приложение 1. Пользователям предыдущих версий Mathcad.....	609
Новые возможности Mathcad 14	609
Новые возможности Mathcad 13	610
Новые возможности Mathcad 12	610
Новые возможности Mathcad 11	611
Новые возможности Mathcad 2001 и 200i.....	612
Приложение 2. Команды меню и панели инструментов	613
Приложение 3. Встроенные операторы и функции	625
Приложение 4. Сообщения об ошибках.....	649
Приложение 5. Описание компакт-диска	665
П5.1. Содержимое диска	665
П5.2. Как пользоваться расчетами Mathcad.....	666
П5.3. Как пользоваться видеокурсом.....	669
П5.4. Как пользоваться учебником по вычислительной математике.....	670
Предметный указатель	675

Глава 1



Основные сведения о Mathcad

В данной главе рассмотрены базовые приемы работы с Mathcad 2001—14. Мы дадим самые основные сведения, касающиеся интерфейса и возможностей Mathcad, пользуясь тем, что он интуитивен и похож на другие программы Windows (см. разд. 1.3).

1.1. Знакомство с Mathcad

Mathcad является математическим редактором, позволяющим проводить разнообразные научные и инженерные расчеты, начиная от элементарной арифметики и заканчивая сложными реализациями численных методов. С точки зрения классификации программного обеспечения, пакет Mathcad — типичный представитель класса PSE-приложений. Пользователи Mathcad — это студенты, ученые, инженеры, разнообразные технические специалисты и все, кому приходится проводить математические расчеты. Благодаря простоте применения, наглядности математических действий, обширной библиотеке встроенных функций и численных методов, возможности символьных вычислений, а также превосходному аппарату представления результатов (графики самых разных типов, мощных средств подготовки печатных документов и Web-страниц) Mathcad стал наиболее популярным математическим приложением.

1.1.1. Назначение Mathcad

Что из себя представляет система Mathcad? Следует хорошо представлять себе, что в состав Mathcad входят несколько интегрированных между собой компонентов:

- мощный текстовый редактор, позволяющий вводить, редактировать и форматировать как текст, так и математические выражения;

- вычислительный процессор, умеющий проводить расчеты по введенным формулам, используя встроенные численные методы;
- символьный процессор, позволяющий проводить аналитические вычисления и являющийся, фактически, системой искусственного интеллекта;
- огромное хранилище справочной информации, как математической, так и инженерной, оформленной в качестве интерактивной электронной книги.

Отличительной чертой Mathcad от большинства других современных математических приложений является его построение по принципу WYSIWYG ("What You See Is What You Get" — "что вы видите, то и получите"). Поэтому он очень прост в использовании, в частности, из-за отсутствия необходимости сначала писать программу, реализующую те или иные математические расчеты, а потом запускать ее на исполнение. Вместо этого достаточно просто ввести математические выражения с помощью встроенного редактора формул, причем в виде, максимально приближенном к общепринятому, и тут же получать результат. Кроме того, можно изготовить на принтере печатную копию документа или создать страницу в Интернете именно в том виде, который этот документ имеет на экране компьютера при работе с Mathcad, либо можно включить документ в структуру электронной книги Mathcad.

Создатели Mathcad сделали все возможное, чтобы пользователь, не обладающий специальными знаниями в программировании (а таких большинство среди ученых и инженеров), мог в полной мере приобщиться к достижениям современной вычислительной науки и компьютерных технологий. Для эффективной работы с редактором Mathcad достаточно базовых навыков пользователя. С другой стороны, профессиональные программисты (к которым относит себя и автор этих строк) могут извлечь из Mathcad намного больше, создавая различные программные решения, существенно расширяющие возможности, непосредственно заложенные в Mathcad.

В соответствии с проблемами реальной жизни, математикам приходится решать одну или несколько из следующих задач:

- ввод на компьютере разнообразных математических выражений (для дальнейших расчетов или создания документов, презентаций, Web-страниц или электронных книг);
- проведение математических расчетов (как аналитических, так и при помощи численных методов);
- подготовка графиков с результатами расчетов;
- ввод исходных данных и вывод результатов в текстовые файлы или файлы с базами данных в других форматах;
- подготовка отчетов работы в виде печатных документов;

- подготовка Web-страниц и публикация результатов в Интернете;
 - получение различной справочной информации из области математики.
- Со всеми этими (а также некоторыми другими) задачами с успехом справляется Mathcad:
- математические выражения и текст вводятся с помощью формульного редактора Mathcad, который по возможностям и простоте использования не уступает, к примеру, редактору формул, встроенному в Microsoft Word;
 - математические расчеты производятся немедленно, в соответствии с введенными формулами;
 - графики различных типов (по выбору пользователя) с богатыми возможностями форматирования вставляются непосредственно в документы;
 - возможен ввод и вывод данных в файлы различных форматов;
 - документы могут быть распечатаны непосредственно в Mathcad в том виде, который пользователь видит на экране компьютера, или сохранены в формате RTF для последующего редактирования в более мощных текстовых редакторах (например, Microsoft Word);
 - возможно полноценное сохранение документов Mathcad в формате RTF-документов, а также Web-страниц: HTML и (начиная с 12-й версии) XML;

12 ПРИМЕЧАНИЕ

Начиная с 12-й версии, файлы Mathcad имеют формат XMCD, являющийся разновидностью текстовой XML-разметки. Применение XML-стандарта оправдано, главным образом, тем, что формат файлов Mathcad становится общепотребительным для целого ряда приложений и данных самого различного типа. В частности, Mathcad-документы с XML-разметкой теперь можно также просматривать и редактировать "вручную", в любом текстовом редакторе.

- имеется опция объединения разрабатываемых вами документов в электронные книги, которые, с одной стороны, позволяют в удобном виде хранить математическую информацию, а с другой — являются полноценными Mathcad-программами, способными осуществлять расчеты;
- символьные вычисления позволяют осуществлять аналитические преобразования, а также мгновенно получать разнообразную справочную математическую информацию;
- справочная система, а также многочисленные дополнительные материалы, оформленные в виде электронных книг (Ресурсы Mathcad), помогают быстро отыскать нужную математическую информацию или пример тех или иных расчетов.

Таким образом, следует хорошо представлять себе, что в состав Mathcad входит несколько интегрированных между собой компонентов — это мощ-

ный текстовый редактор для ввода и правки, как текста, так и формул, вычислительный процессор — для проведения расчетов согласно введенным формулам, и символьный процессор, являющийся, по сути, системой искусственного интеллекта. Сочетание этих компонентов создает удобную вычислительную среду для разнообразных математических расчетов и, одновременно, документирования результатов работы.

1.1.2. Интерфейс пользователя

После того как Mathcad установлен на компьютере и запущен на исполнение, появляется основное окно приложения, показанное на рис. 1.1. Оно имеет ту же структуру, что и большинство приложений Windows. Сверху вниз располагаются заголовок окна, строка меню, панели инструментов (стандартная и форматирования) и *рабочий лист*, или *рабочая область*, документа (worksheet). Новый документ создается автоматически при запуске Mathcad. В самой нижней части окна находится строка состояния. Таким образом, интерфейс пользователя Mathcad сходен с другими приложениями Windows, и, помня о близости редактора Mathcad к обычным текстовым редакторам, вы интуитивно поймете назначение большинства кнопок на панелях инструментов.

ПРИМЕЧАНИЕ

В версиях Mathcad 13 и 14 разработчики предусмотрели специальную область окна Mathcad, называемую **Trace Window** (Окно отладки), а также дополнительную панель инструментов **Debug** (Отладка) (см. рис. 1.2 ниже). **Trace Window** (Окно отладки) располагается под рабочей областью документа, примыкая сверху к строке состояния (рис. 1.1) и служит для облегчения процесса отладки Mathcad-программ. Чтобы закрыть его, достаточно нажать находящуюся в его правом верхнем углу кнопку закрытия окна.

Помимо элементов управления, характерных для типичного текстового редактора, Mathcad снабжен дополнительными средствами для ввода и редактирования математических символов, одним из которых является панель инструментов **Math** (Математика) (рис. 1.1). С помощью этой, а также ряда вспомогательных наборных панелей удобно осуществлять ввод уравнений.

Перечислим составные элементы интерфейса пользователя Mathcad:

- верхнее меню или строка меню (menu bar);

ПРИМЕЧАНИЕ

Далее в книге, говоря о совершении того или иного действия с помощью меню, последовательность выбора пунктов меню будем приводить сокращенно, разде-

ляя их косыми чертами. Например, пункт **Toolbars** (Панели инструментов) меню **View** (Вид) обозначается как **View / Toolbars** (Вид / Панели инструментов).

- панели инструментов (toolbars) **Standard** (Стандартная), **Formatting** (Форматирование), **Resources** (Ресурсы), **Debug** (Отладка) и **Controls** (Элементы управления);
- панель инструментов **Math** (Математика) и доступные через нее дополнительные математические панели инструментов;
- рабочая область (worksheet);
- вспомогательное окно **Trace Window** (Окно отладки);
- строка состояния (status line, или status bar);
- всплывающие, или контекстные, меню (pop-up menus или context menus);
- диалоговые окна или диалоги (dialogs);
- окна ресурсов Mathcad (Mathcad Resources) со встроенными примерами и дополнительной информацией.

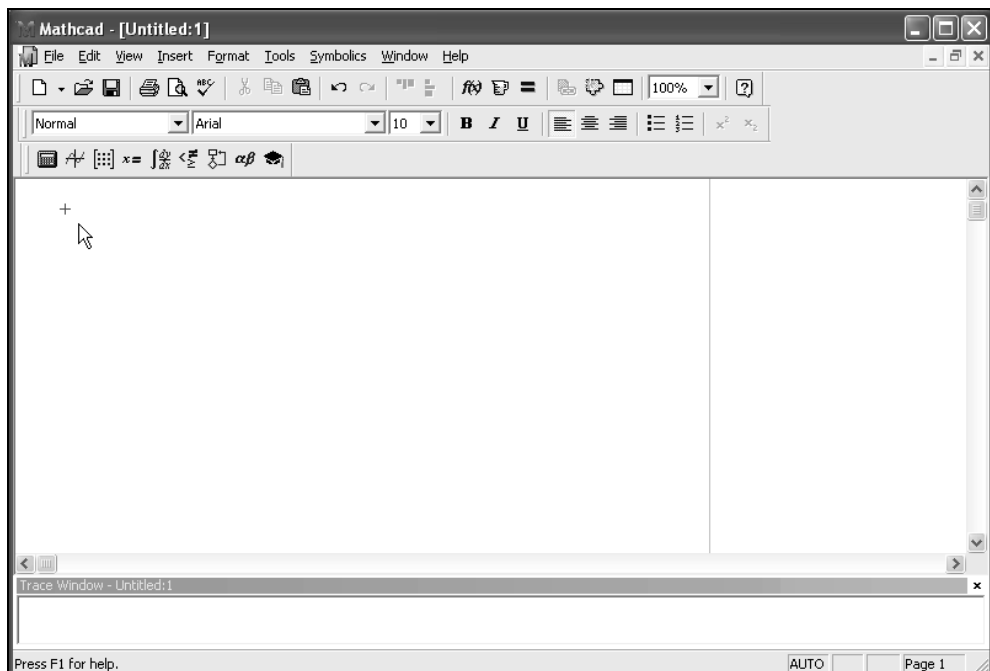


Рис. 1.1. Окно приложения Mathcad 14 с пустым документом

Большинство команд можно выполнить как с помощью меню (верхнего или контекстного), так и панелей инструментов или клавиатуры.

1.1.3. Панели инструментов

Панели инструментов служат для быстрого (в один щелчок мыши) выполнения наиболее часто применяемых команд. Все действия, которые можно выполнить с помощью панелей инструментов, доступны и через верхнее меню. На рис. 1.2 изображено окно Mathcad с основными панелями инструментов (три из них расположены непосредственно под строкой меню), а также дополнительными *математическими* (или *наборными*) панелями, о которых речь пойдет ниже. Перечислим основные панели.

- **Standard** (Стандартная) — служит для выполнения большинства операций, таких как действия с файлами, редакторская правка, вставка объектов и доступ к справочным системам;
- **Formatting** (Форматирование) — для форматирования (изменения типа и размера шрифта, выравнивания и т. п.) текста и формул;

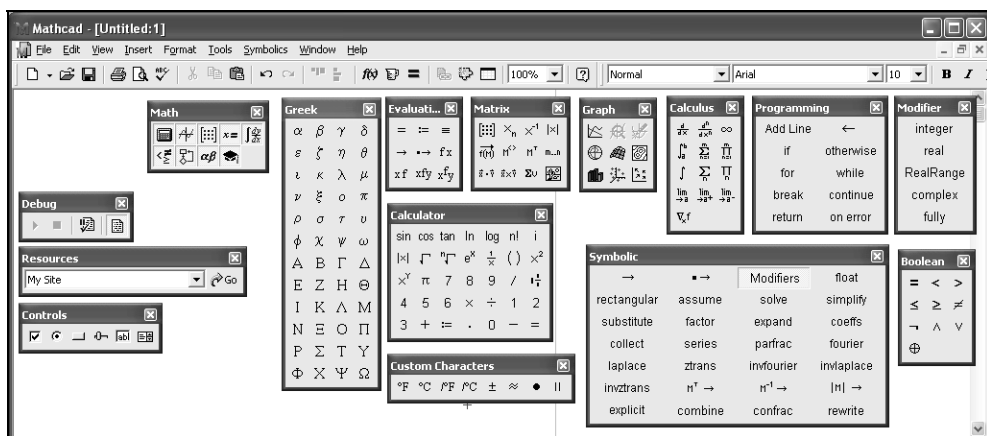


Рис. 1.2. Основные и математические (наборные) панели инструментов

- **Math** (Математика) — для вставки математических символов и операторов в документы;
- **Controls** (Элементы управления) — для вставки в документы стандартных элементов управления интерфейса пользователя (флажков проверки, полей ввода и т. п.);

- **Resources** (Ресурсы) — для быстрого вызова *ресурсов* Mathcad (примеров, учебников, электронных книг и т. п.);
- **Debug** (Отладка) — для управления отладкой Mathcad-программ.

13 ПРИМЕЧАНИЕ

Панель инструментов **Debug** (Отладка) появилась в версии Mathcad 13.

Группы кнопок на панелях инструментов разграничены по смыслу вертикальными линиями — *разделителями*. При наведении указателя мыши на любую из кнопок рядом с кнопкой появляется *всплывающая подсказка* — короткий текст, поясняющий назначение кнопки. Наряду со всплывающей подсказкой более развернутое объяснение готовящейся операции можно отыскать в строке состояния.

Панель **Math** (Математика) предназначена для вызова на экран еще девяти панелей (см. рис. 1.2), с помощью которых, собственно, и происходит вставка математических операций в документы. В прежних версиях Mathcad эти математические панели инструментов назывались *палитрами* (palettes) или *наборными панелями*. Чтобы вызвать какую-либо из них, нужно нажать соответствующую кнопку на панели **Math** (Математика).

Перечислим назначение математических панелей:

- **Calculator** (Калькулятор) — служит для вставки основных математических операций, получила свое название из-за схожести набора кнопок с кнопками типичного калькулятора;
- **Graph** (График) — для вставки графиков;
- **Matrix** (Матрица) — для вставки матриц и матричных операторов;
- **Evaluation** (Выражения) — для вставки операторов управления вычислениями;
- **Calculus** (Вычисления) — для вставки операторов интегрирования, дифференцирования, суммирования;
- **Boolean** (Булевы операторы) — для вставки логических (булевых) операторов;
- **Programming** (Программирование) — для программирования средствами Mathcad;
- **Greek** (Греческие символы) — для вставки греческих символов;
- **Symbolic** (Символика) — для вставки символьных операторов;
- **Modifier** (Модификатор) — для вставки некоторых операторов (например, преобразования числа);

- **Custom Characters** (Специальные символы) — для вставки специальных символов (единиц измерения температуры и т. п.).

ПРИМЕЧАНИЕ

Две последние (из перечисленных) панели используются довольно редко и поэтому вызываются не через панель **Math** (Математика), а посредством команды меню **View / Toolbars** (Вид / Панели инструментов).

13 ПРИМЕЧАНИЕ

Панель инструментов **Custom Characters** (Специальные символы) появилась в версии Mathcad 13 вместе с дополнительными размерностями температуры (в частности, градусов шкалы Цельсия и Фаренгейта).

При наведении указателя мыши на многие из кнопок математических панелей появляется всплывающая подсказка, содержащая еще и сочетание *горячих клавиш*, нажатие которых приведет к эквивалентному действию. Ввод действий с клавиатуры часто удобнее нажатия кнопок панелей инструментов, но требует большего опыта.

Вызвать любую панель на экран или скрыть ее можно с помощью пункта **Toolbars** (Панели инструментов) меню **View** (Вид), выбирая в открывающемся подменю имя нужной панели. Убрать любую панель с экрана можно еще и посредством контекстного меню, которое вызывается щелчком правой кнопкой мыши в любом месте панели (например, на любой кнопке). В контекстном меню следует выбрать пункт **Hide** (Скрыть). Кроме того, если панель *плавающая*, т. е. не прикреплена к основному окну (как, например, все панели на рис. 1.2), то ее можно отключить кнопкой закрытия.

Математические панели, в отличие от основных, можно вызвать или скрыть нажатием соответствующей кнопки панели **Math** (Математика). Присутствие или отсутствие математических панелей показано в виде нажатой (или отжатой) соответствующей кнопки (см. рис. 1.2).

На некоторых рисунках этой главы (см., например, рис. 1.1) виден *курсор* ввода в виде небольшого крестика (на дисплее он имеет красный цвет). С его помощью отмечается незаполненное место в документе, куда в текущий момент можно вводить формулы или текст. Чтобы переместить курсор, достаточно щелкнуть указателем мыши в требуемом месте либо передвинуть его клавишами-стрелками. Если выполнить щелчок в области формулы или начать ввод выражения на пустом месте, вместо курсора появятся линии редактирования, отмечающие место в формуле или тексте, редактируемое в данный момент (см., например, рис. 1.5 и 1.6 ниже).

1.1.4. Справочная информация

Вместе с Mathcad поставляется несколько источников справочной информации, доступ к которым осуществляется через меню **Help** (Справка).

- Справочные системы по вопросам использования Mathcad:
 - **Mathcad Help** (Справка Mathcad) — система *справки* или *технической поддержки*;
 - **What's This** (Что это такое?) — контекстно-зависимая интерактивная справка;
 - **Developer's Reference** (Справка для разработчиков) — дополнительные главы справки для разработчиков собственных самостоятельных приложений на языке Mathcad;
 - **Author's Reference** (Справка для авторов) — дополнительные главы справки для авторов, разрабатывающих собственные электронные книги Mathcad.
- Ресурсы Mathcad — дополнительные материалы, организованные в специфическом формате электронных книг Mathcad с решением множества математических примеров (пример одной из страниц электронной книги показан на рис. 1.3):
 - **Tutorials** (Учебники) — библиотека электронных книг Mathcad с примерами, которые построены в форме обучающих курсов (от учебника для начинающих пользователей до учебника, адресованного математикам-профессионалам);
 - **QuickSheets** (Быстрые шпаргалки) — большое число документов Mathcad, организованных в виде электронной книги, которые удобно использовать в качестве шаблона для собственных расчетов;
 - **Reference Tables** (Справочный стол) — физические и инженерные таблицы, включающие перечни фундаментальных констант, единиц измерения величин, сводку разнообразных параметров веществ и т. п.;
 - **E-Books** (Электронные книги) — доступ к существующим библиотекам документов пользователя, примерам, а также встроенным электронным книгам, посвященным расширениям Mathcad.

Кроме поименованных, меню **Help** (Справка) содержит следующие пункты:

- Mathcad в сети Интернет:
 - **User Forums** (Форумы) — подключение к специальному интернет-сервису компании MathSoft, дающему возможность пользователям Mathcad общаться между собой, обмениваться программами и получать советы (как друг от друга, так и от разработчиков);

Mathcad Resources: Secondary y-axis on 2D Graphs

File Edit View Insert Format Tools Symbolics Book Help

Address: C:\Program Files\Mathsoft\Mathcad 12\qsheet\tutorial\newfeat\2yaxis.xmcd

NEW FEATURES

tutorials

Secondary y-axis and 2D Graph Enhancements

Mathcad 2D plots can now include an optional secondary y-axis on 2D plots. This is useful for displaying two related sets of data or functions with different scales, for example

Setting and using the secondary axis

Рис. 1.3. Ресурсы Mathcad содержат большое количество справочной и учебной информации

- **Mathcad Web Site** — переход на официальный сайт приложения www.mathcad.com на сервере компании PTC;
 - **Mathcad Training** (Обучение Mathcad) — переход к обучающим ресурсам сети Интернет, расположенным на сервере компании PTC;
 - **Mathcad Update** (Обновление Mathcad) — проверка сервера компании PTC на наличие обновлений Mathcad;
- About Mathcad** (О программе) — вывод информационного окна со сведениями о текущей версии Mathcad и его разработчиках;

□ **Register Mathcad** (Зарегистрировать Mathcad) — регистрация программы через Интернет.

Если в какой-либо момент работы с Mathcad вам потребовалась помощь, выберите **Help / Mathcad Help** (Справка / Справка Mathcad), либо нажмите клавишу <F1>, либо кнопку **Help** со знаком вопроса на стандартной панели инструментов. Справка в Mathcad является контекстно-зависимой, т. е. ее содержание определяется тем, на каком месте документа она вызвана.

В заключение отметим, что как справочная система, так и Ресурсы Mathcad представляют собой не просто статьи и примеры с описанием его возможностей. Они могут быть названы полноправными учебными пособиями по нескольким курсам высшей математики (в случае Ресурсов, к тому же, еще и интерактивными). Там освещены и основные определения, и математический смысл многих операций, и алгоритмы численных методов. Причем, на взгляд автора, некоторые из тем объяснены лучше, чем где бы то ни было. Если вы в достаточной степени владеете английским, обязательно ознакомьтесь с Ресурсами Mathcad.

1.2. Основы вычислений в Mathcad

Продемонстрируем, как можно быстро начать работу с Mathcad, научиться вводить математические выражения и получать результаты расчетов.

ВНИМАНИЕ!

Большая часть содержания книги с одинаковым успехом применима к шести последним версиям Mathcad: 2001, 2001i, 11, 12, 13 и 14. Если определенные опции касаются только некоторых версий, на это делается соответствующее указание.

1.2.1. Операторы численного и символьного вывода

Для того чтобы выполнить простые расчеты по формулам, проделайте следующее:

1. Определите место в документе, где должно появиться выражение, щелкнув мышью в соответствующей точке документа.
2. Введите левую часть выражения.
3. Введите знак численного равенства = (клавишей <=>) или символьного равенства \rightarrow (сочетанием клавиш <Ctrl>+<. >). В первом случае будет рассчитано численное значение выражения, а во втором (если это возможно) — аналитическое.

Оставим пока разговор о более надежных способах ввода математических символов и приведем пример простейших расчетов. Для вычисления арккосинуса какого-нибудь числа, например 0, достаточно ввести с клавиатуры выражение $\text{acos}(0)=$ или $\text{acos}(0)\rightarrow$. После того как будет нажата клавиша со знаком равенства (или введен знак символьных вычислений \rightarrow), с правой стороны выражения, как по мановению волшебной палочки, появится результат (листинги 1.1 и 1.2 соответственно).

Листинг 1.1. Численный расчет простого выражения

$$\text{acos}(0) = 1.571$$

Листинг 1.2. Аналитический расчет простого выражения

$$\text{acos}(0) \rightarrow \frac{1}{2} \cdot \pi$$

ПРИМЕЧАНИЕ

Здесь и далее во всей книге в листинги вынесено содержание рабочей области документа Mathcad вместе с полученными результатами вычислений. Почти все листинги выглядят в окне Mathcad рассматриваемых версий совершенно одинаково. Исключение составляют листинги, содержащие новые возможности той или иной версии Mathcad (в этих случаях они снабжены специальной ремаркой). Все листинги (а также рисунки) книги помещены также и на прилагаемом к ней компакт-диске, причем, по возможности, в формате Mathcad 2001, что позволяет просматривать их с одинаковым успехом при помощи любой из версий программы (2001—14), которая установлена на вашем компьютере.

Важно заметить, что по умолчанию вычисления в документе производятся в режиме реального времени, т. е. как только пользователь вводит в формулу оператор численного или символьного равенства, Mathcad пытается вычислить это выражение (и все остальные формулы, находящиеся ниже по тексту). Иногда, в основном в случае сложных и долгих расчетов, бывает полезно остановить их нажатием клавиши <Esc>, а затем (в нужный момент) возобновить нажатием клавиши <F9> или командой **Tools / Calculate** (Сервис / Вычислить) и **Tools / Calculate Worksheet** (Сервис / Вычислить во всем документе).

ПРИМЕЧАНИЕ

В старых версиях Mathcad (2001 и ниже) вместо меню **Tools / (Сервис)** использовался заголовок **Math / (Математика)**.

1.2.2. Математические выражения и встроенные функции

Описанным в предыдущем разделе образом можно проводить более сложные и громоздкие вычисления, пользуясь при этом всем арсеналом функций, которые заложены разработчиками в систему Mathcad и называются поэтому *встроенными функциями* (в отличие от *пользовательских функций*, конструируемых непосредственно при разработке Mathcad-программы). Легче всего вводить имена встроенных функций с клавиатуры, как в примере с вычислением арккосинуса, но, чтобы избежать возможных ошибок в их написании, лучше выбрать другой путь (тем более что многие из них весьма сложны и имеют несколько аргументов, так что сложно запомнить имена и параметры всех функций наизусть).

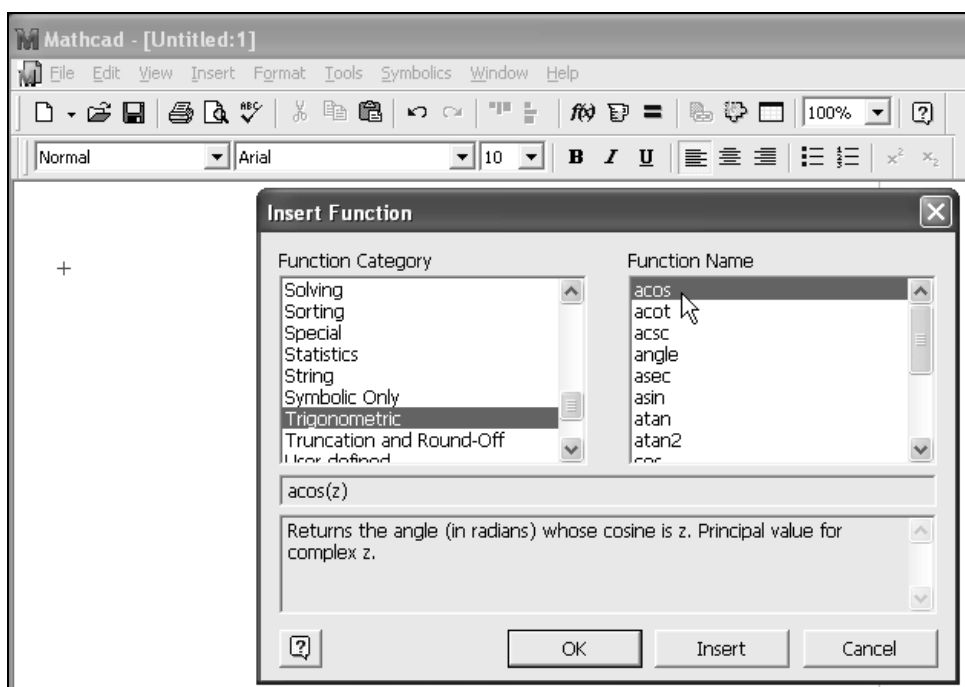


Рис. 1.4. Вставка встроенной функции (см. листинги 1.1 и 1.2)

Чтобы ввести встроенную функцию в выражение:

1. Определите место в выражении, куда следует вставить функцию.
2. Нажмите кнопку с надписью $f(x)$ на стандартной панели инструментов.